

MEDAN MAGNETIK TUNAK

Dr. Ramadoni Syahputra

Jurusan Teknik Elektro FT UMY

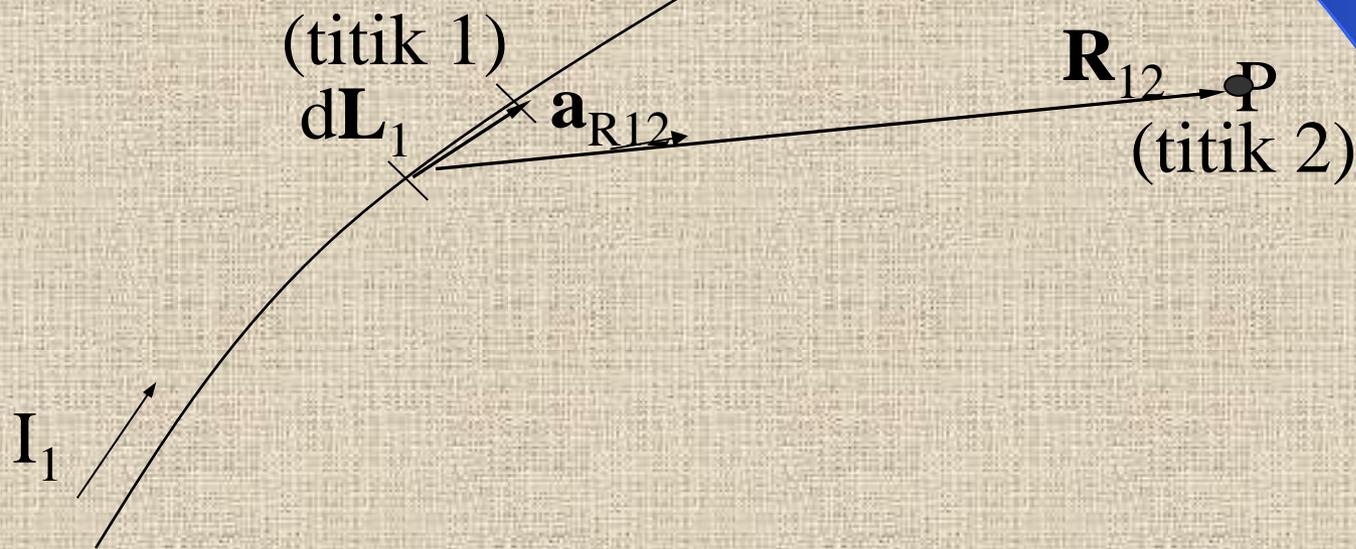
HUKUM BIOT-SAVART

$$d\mathbf{H} = \frac{I d\mathbf{L} \times \mathbf{a}_R}{4\pi R^2}$$

\mathbf{H} = intensitas medan magnetik (A/m).

Ilustrasi Hk Biot-Savart

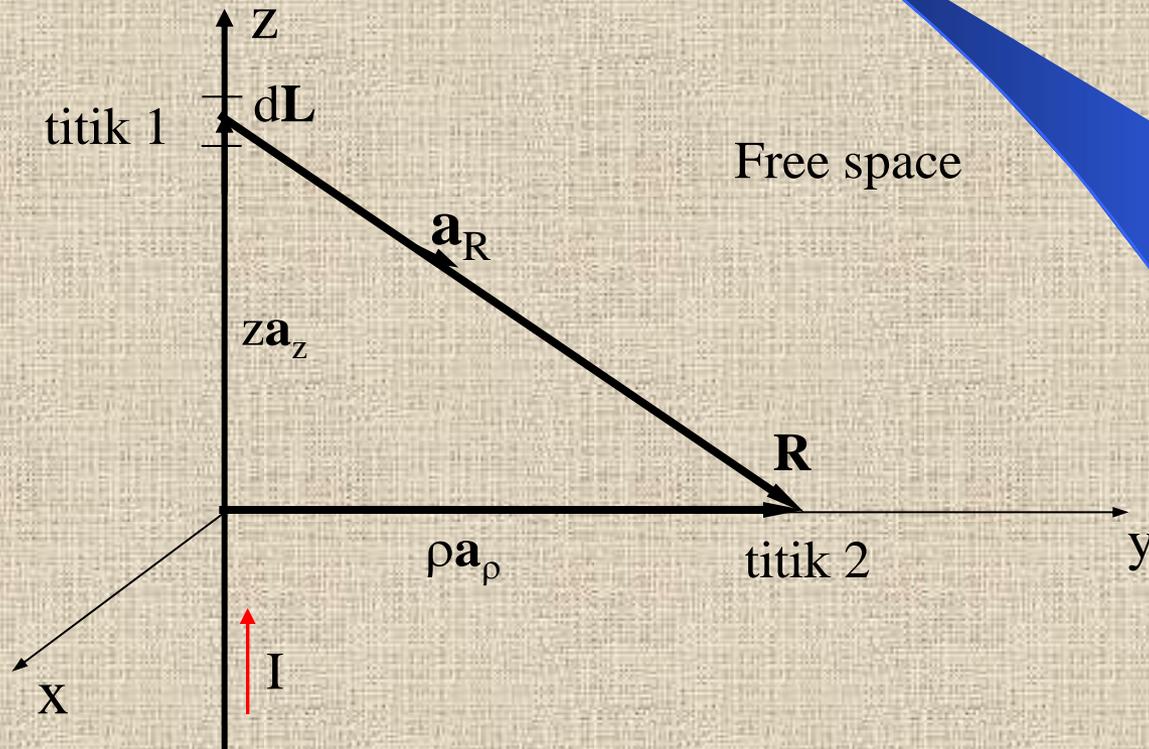
ruang bebas



Dari gambar di atas, jika kita tempatkan unsur arus pada titik 1 dan menggambarkan titik P di mana medan magnet akan diamati sebagai titik 2, maka

$$d\mathbf{H}_2 = \frac{I_1 d\mathbf{L}_1 \times \mathbf{a}_{R12}}{4\pi R_{12}^2}$$

filamen lurus panjangnya tak berhingga



Dari gambar di atas:

$$\mathbf{R}_{12} = \rho \mathbf{a}_\rho - z \mathbf{a}_z$$

$$\mathbf{a}_{R12} = \frac{\rho \mathbf{a}_\rho - z \mathbf{a}_z}{\sqrt{\rho^2 + z^2}}$$

Dalam koordinat tabung kita peroleh

$$d\mathbf{L} = d\rho \mathbf{a}_\rho + \rho d\phi \mathbf{a}_\phi + dz \mathbf{a}_z$$

dan lintasan aliran arus I didefinisikan oleh

$d\rho = 0$ dan $d\phi = 0$, sehingga,

$$d\mathbf{H}_2 = \frac{I dz \mathbf{a}_z \times (\rho \mathbf{a}_\rho - z \mathbf{a}_z)}{4\pi (\rho^2 + z^2)^{3/2}}$$

Karena arah arusnya ke arah bertambahnya z ,
limit pada integralnya ialah $-\infty$ sampai $+\infty$,
dan kita peroleh

$$\mathbf{H}_2 = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{I dz \mathbf{a}_z \times (\rho \mathbf{a}_\rho - z \mathbf{a}_z)}{4\pi (\rho^2 + z^2)^{3/2}}$$

$$= \frac{I}{4\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{\rho dz \mathbf{a}_\phi}{(\rho^2 + z^2)^{3/2}}$$

Sehingga akan didapatkan,

$$\mathbf{H}_2 = \frac{I\rho \mathbf{a}_\phi}{4\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \frac{dz}{(\rho^2 + z^2)^{3/2}}$$

$$= \frac{I\rho \mathbf{a}_\phi}{4\pi} \left. \frac{z}{\rho^2 \sqrt{\rho^2 + z^2}} \right|_{-\infty}^{\infty}$$

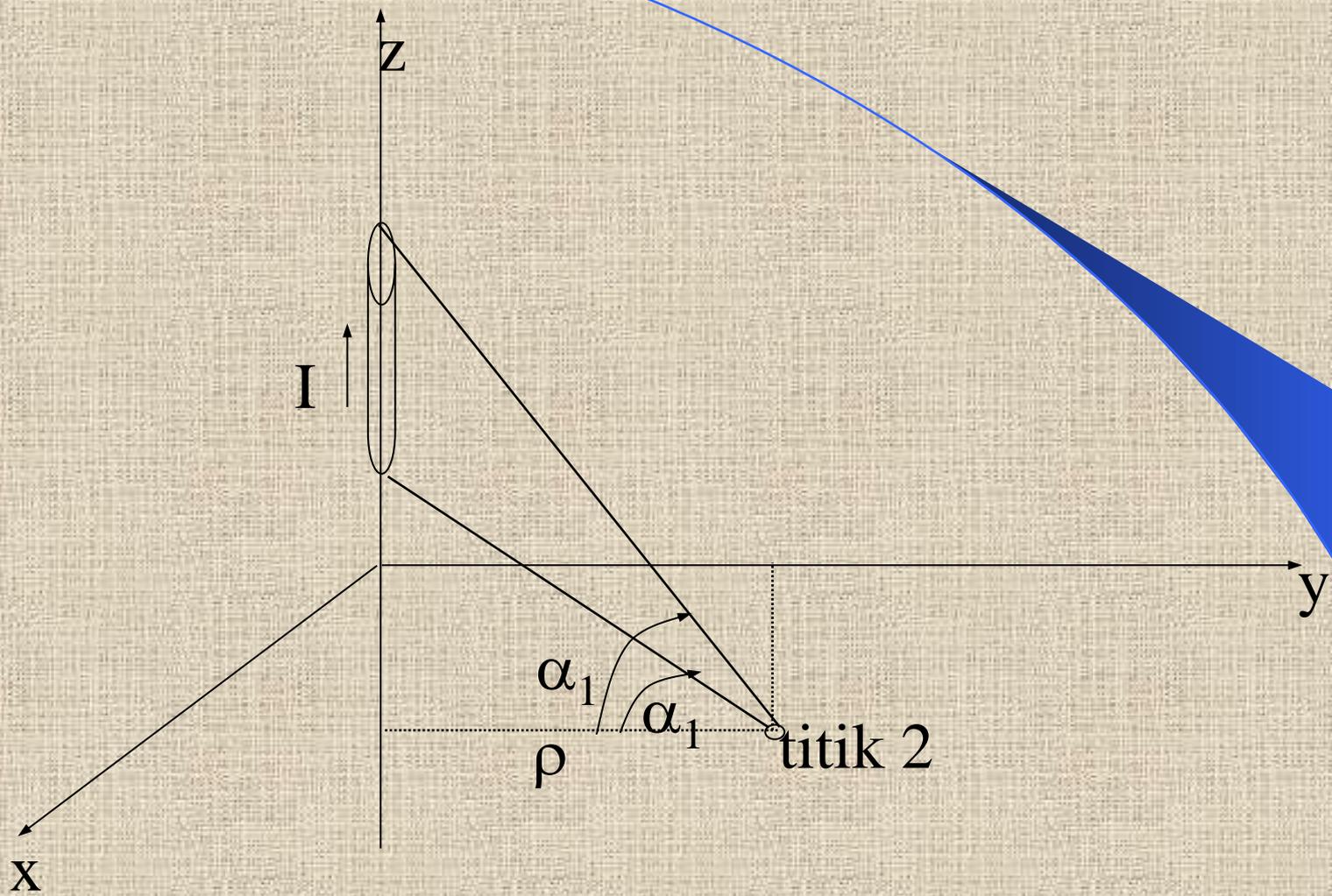
dan,

$$\mathbf{H}_2 = \frac{I}{2\pi\rho} \mathbf{a}_\phi$$

Untuk medan magnetik yang dihasilkan dari suatu unsur arus yang panjangnya berhingga, maka:

Intensitas medan magnetik \mathbf{H} dapat dinyatakan dalam sudut α_1 dan α_2 seperti tertera pada gambar tersebut. Hasilnya:

$$\mathbf{H} = \frac{I}{4\pi\rho} (\sin \alpha_2 - \sin \alpha_1) \mathbf{a}_\phi$$





TERIMA KASIH