

**SKRIPSI**

**KAJIAN EKSPERIMENTAL KARAKTERISTIK ALIRAN DUA FASE  
UDARA-AIR + 7 % BUTANOL PADA SALURAN KECIL POSISI  
KEMIRINGAN 30°**

Ditujukan untuk memenuhi persyaratan memperoleh gelar

Sarjana Teknik



**UMY**  
**UNIVERSITAS**  
**MUHAMMADIYAH**  
**YOGYAKARTA**

Unggul & Islami

**Disusun Oleh :**

**WAHYU SOLIHIN**

**20150130214**

**PROGRAM STUDI S1 TEKNIK MESIN**

**FAKULTAS TEKNIK**

**UNIVERSITAS MUHAMMADIYAH YOGYAKARTA**

**2019**

## **HALAMAN PERNYATAAN**

Yang bertanda tangan di bawah ini :

Nama : Wahyu Solihin  
Nomor Induk Mahasiswa : 20150130214  
Program Studi : S-1 Teknik Mesin  
Fakultas : Teknik  
Judul Penelitian : Kajian Eksperimental Karakteristik Aliran  
Dua Fase Udara-Air dan Butanol 7% pada  
Saluran Kecil posisi Miring 30°

Saya menyatakan dengan sesungguhnya bahwa dalam tugas akhir ini adalah asli karya saya dan tidak terdapat karya yang pernah diajukan untuk memperoleh gelar sarjana di suatu Perguruan Tinggi dan sepengetahuan saya juga tidak terdapat karya yang pernah ditulis atau dipublikasikan oleh orang lain, kecuali yang sengaja tertulis diacu dalam naskah ini dan disebutkan sumbernya dalam daftar pustaka.

Yogyakarta, 21 Oktober 2019



Wahyu Solihin  
NIM 20150130214

## **HALAMAN PERSEMBAHAN**

*بِسْمِ اللَّهِ الرَّحْمَنِ الرَّحِيمِ*

Dengan mengucap Alhamdulillahirabbilalaamiin, puji syukur kepada Allah SWT yang telah memberikan segala rahmat-Nya dan atas dukungan dan doa dari orang-orang tercinta sehingga penulis bisa tetap tegar untuk menyelesaikan skripsi ini dengan baik dan tepat pada waktunya. Oleh karena itu dengan rasa bahagia dan bangga penulis haturkan terimakasih yang setulus-tulusnya kepada :

1. Bapak Berli Paripurna Kaniel, S.T.,M.M. M.Eng.Sc, Ph.D, selaku Ketua Prodi S1 Teknik Mesin Universitas Muhammadiyah Yogyakarta.
2. Bapak Dr. Ir. Sudarja M.T., selaku dosen pembimbing tugas akhir atas bimbingan, bantuan dan saran-saran yang telah diberikan kepada penyusun dalam menyelesaikan skripsi ini.
3. Bapak Dr. Ir. Sukamta M.T., IPM., selaku dosen pembimbing tugas akhir atas bimbingan, bantuan dan saran-saran yang telah diberikan kepada penyusun dalam menyelesaikan skripsi ini.
4. Bapak Tito Hadji Agung Santosa, S.T., M.T. selaku dosen penguji.
5. Kedua orangtua tercinta, bapak Ibnu Sina dan ibu Suriasmi yang selalu berdoa dan memberikan dukungan untuk kesuksesan penulis. Penulis tidak bisa membalas seluruh kebaikan kedua orangtua, akan tetapi penulis hanya bisa mendoakan semoga segala jerih payah dan dukungan dari kedua orangtua dibalas oleh Allah SWT dan semoga penulis bisa membahagiakan kedua orangtua di dunia dan di akhirat.
6. Ketiga kakak penulis yaitu : Kakak Devi, Kakak Wiwi, Kakak Cici yang tiada henti memberikan perhatian, doa dan dukungan kepada penulis.
7. Kepada teman-teman satu kos saya yaitu : Hanif, Dimas, Wibi, Rahmat, Kurnianto, Gemilang, dan Hafizh terimakasih karena telah menemani perjuangan selama perkuliahan ini dan terimakasih untuk kehangatan yang kalian berikan.

8. Teman teman kelas E dan seluruh angkatan teknik mesin 2015 yang telah membantu berjuang selama kuliah di UMY.
9. Kelompok tugas akhir Aliran Dua Fase, karna kalian penulis bisa melaksanakan pengambilan data dan pengolahan data.

Penyusun menyadari bahwa masih banyak kekurangan dalam penyusunan tugas akhir ini. Saran dan kritik yang membangun sangat diharapkan sebagai bahan masukan untuk perbaikan. Semoga hasil penelitian ini dapat bermanfaat dan dapat digunakan dengan baik dalam bidang ilmu pengetahuan, teknik dan para pembaca.

## KATA PENGANTAR

Puji syukur kehadirat Allah SWT, yang telah memberikan kekuatan dan kesehatan serta atas segala limpahan ramhar, taufik dan hidayah-Nya sehingga penyusun dapat menyelesaikan tugas akhir dengan judul "**Kajian Eksperimental Karakteristik Aliran Dua Fase Udara-Air + 7% Butanol Pada Saluran Kecil Posisi Kemiringan 30°**" yang merupakan salah satu syarat untuk menyelesaikan program Stara-1 Program Studi Teknik Mesin, Fakultas Teknik, Universitas Muhammadiyah Yogyakarta.

Penulis menyadari bahwa banyak kekurangan dalam menuliskan tugas akhir atau skripsi ini, kritik dan saran yang bersifat membangun menjadi masukan bagi penulis untuk menyempurnakannya.

Akhir kata saya mengharapkan semoga laporan tugas akhir atau skripsi saya ini bermanfaat bagi penulis maupun bagi para pembaca.

Yogyakarta, 21 Oktober 2019

Penyusun

Wahyu Solihin

NIM 20150130174

## DAFTAR ISI

<b>HALAMAN JUDUL .....</b>	<b>i</b>
<b>LEMBAR PENGESAHAN .....</b>	<b>ii</b>
<b>HALAMAN PERNYATAAN.....</b>	<b>iii</b>
<b>HALAMAN PERSEMPAHAN .....</b>	<b>iv</b>
<b>KATA PENGANTAR.....</b>	<b>vi</b>
<b>DAFTAR ISI.....</b>	<b>vii</b>
<b>DAFTAR GAMBAR.....</b>	<b>x</b>
<b>DAFTAR TABEL .....</b>	<b>xv</b>
<b>DAFTAR LAMPIRAN .....</b>	<b>xvii</b>
<b>DAFTAR NOTASI DAN SINGKATAN .....</b>	<b>xviii</b>
<b>INTISARI .....</b>	<b>xix</b>
<b>ABSTRACT .....</b>	<b>xx</b>
<b>BAB I PENDAHULUAN .....</b>	<b>1</b>
1.1 Latar Belakang .....	1
1.2 Rumusan Masalah .....	3
1.3 Batasan Masalah .....	3
1.4 Tujuan Penelitian .....	4
1.5 Manfaat Penelitian .....	4
<b>BAB II TINJAUAN PUSTAKA DAN DASAR TEORI .....</b>	<b>5</b>
2.1 Tinjauan Pustaka .....	5
2.2 Dasar Teori .....	16
2.2.1 Fase .....	16
2.2.2 Tegangan Permukaan .....	16
2.2.3 Butanol .....	17
2.2.4 Kecepatan Superfisial .....	17
2.3 Pola Aliran .....	18
2.4 Peta Pola Aliran .....	20
2.5 Fraksi Hampa .....	22
2.5.1 Metode <i>Local</i> .....	22
2.5.2 Metode Chordal .....	23

2.5.3 Metode <i>Cross-Section</i> .....	23
2.5.5 Metode Volumetrik .....	24
2.6 <i>Digital Image Processing</i> .....	24
2.6.1 <i>Image</i> .....	25
2.6.2 <i>Noise</i> .....	26
2.6.3 <i>Filtering</i> .....	27
2.6.4 Metode Analisis Statistik.....	27
2.7 Gradien Tekanan .....	28
2.8 Pengukuran Perbedaan Tekanan .....	29
<b>BAB III METODE PENELITIAN .....</b>	<b>30</b>
3.1 Tempat Penelitian .....	30
3.2 Bahan Penelitian .....	30
3.3 Alat Penelitian .....	31
3.3.1 Skema Penelitian .....	31
3.3.2 Aliran Fluida Cair.....	33
3.3.3 Aliran Fluida Gas .....	37
3.3.4 Peralatan Seksi Uji .....	39
3.3.5 Peralatan Pengambilan Gambar .....	43
3.4 Kalibrasi Alat Ukur .....	44
3.5 Diagram Alir .....	45
3.6 Jalannya Penelitian .....	47
3.7 Penggunaan Akuades dan Butanol .....	48
3.8 Prosedur Pengambilan Data .....	48
3.9 Pengolahan Data dan Analisis Hasil .....	49
3.9.1 Pola Aliran.....	49
3.9.2 Fraksi Hampa .....	50
3.9.3 Gradien Tekanan .....	50
<b>BAB IV HASIL DAN PEMBAHASAN .....</b>	<b>51</b>
4.1 Pola Aliran.....	51
4.1.1 Pola Aliran <i>Plug</i> .....	51
4.1.2 Pola Aliran <i>Bubbly</i> .....	53

4.1.3 Pola Aliran <i>Slug annular</i> .....	56
4.1.4 Pola Aliran <i>Annular</i> .....	58
4.1.5 Pola Aliran <i>Churn</i> .....	60
4.1.6 Peta Pola Aliran.....	62
4.1.7 Perbandingan Peta Pola Aliran.....	64
4.2 Fraksi Hampa .....	67
4.2.1 Fraksi Hampa Pola Aliran <i>Plug</i> .....	67
4.2.2 Fraksi Hampa Pola Aliran <i>Bubbly</i> .....	69
4.2.3 Fraksi Hampa Pola Aliran <i>Slug annular</i> .....	71
4.2.4 Fraksi Hampa Pola Aliran <i>Annular</i> .....	74
4.2.5 Fraksi Hampa Pola Aliran <i>Churn</i> .....	75
4.2.6 Hubungan Parameter .....	76
4.3 Gradien Tekanan .....	79
4.3.1 Pengaruh Kecepatan Superfisial Terhadap Gradien Tekanan pada Aliran Dua Fase Udara-Akuades dan Butanol 7% .....	79
4.3.2 Gradien Tekanan Terhadap Waktu.....	81
4.3.3 PDF Gradien Tekanan .....	81
<b>BAB V KESIMPULAN DAN SARAN .....</b>	<b>82</b>
5.1 Kesimpulan .....	82
5.1.1 Pola Aliran.....	82
5.1.2 Fraksi Hampa .....	83
5.1.3 Gradien Tekanan .....	83
5.2 Saran .....	84
<b>DAFTAR PUSTAKA .....</b>	<b>85</b>
<b>LAMPIRAN.....</b>	<b>87</b>

## DAFTAR GAMBAR

Gambar 2.1	Pola aliran pada <i>circular microchannels</i> berdiamter 1,097 mm (Triplett dkk., 1999) .....	7
Gambar 2.2	Data gradien tekanan gesek dua fase (Kawahara dkk., 2002).....	8
Gambar 2.3	Grafik gradien tekanan dengan kecepatan superfisial gas (Gunawan dkk., 2015) .....	9
Gambar 2.4	Hubungan antara pengukuran dengan fraksi hampa homogen (Kawahara dkk, 2002) .....	10
Gambar 2.5	Hubungan antara fraksi hampa dan <i>volumetric quality</i> (Chung dan Kawaji, 2004) .....	11
Gambar 2.6	Pola aliran pada konsentrasi gliserin 60% (a) <i>Bubbly</i> : $J_G = 0,116$ m/s ; $J_L = 0,539$ m/s, (b) <i>Plug</i> : $J_G = 0,116$ m/s ; $J_L = 0,033$ m/s, (c) <i>Slug-annular</i> : $J_G = 9,62$ m/s ; $J_L = 0,091$ m/s, (d) <i>Annular</i> : $J_G = 66,2$ m/s ; $J_L = 0,149$ m/s dan (e) <i>Churn</i> : $J_G = 22,26$ m/s ; $J_L = 2,297$ m/s. (Sudarja dkk., 2018) .....	15
Gambar 2.7	Peta pola aliran konsentrasi gliserin 60% (Sudarja dkk., 2018)....	15
Gambar 2.8	Pola aliran <i>bubbly</i> pada <i>mini channel</i> (Triplett dkk., 1999).....	19
Gambar 2.9	Pola aliran <i>plug</i> pada <i>mini channel</i> (Triplett dkk., 1999) .....	19
Gambar 2.10	Pola aliran <i>slug annular</i> pada <i>mini channel</i> (Triplett dkk., 1999) .20	20
Gambar 2.11	Pola aliran <i>annular</i> pada <i>mini channel</i> (Triplett dkk., 1999) .....	20
Gambar 2.12	Pola aliran <i>churn</i> pada <i>mini channel</i> (Triplett dkk., 1999) .....	20
Gambar 2.13	Peta Peta pola aliran dua fase udara-air pada pipa horizontal berdiameter 100, 180 dan 324 $\mu\text{m}$ (Sur dan Liu, 2011) .....	21
Gambar 2.14	Peta pola aliran Sudarja dkk (2014) dibandingkan dengan peta pola aliran Triplett dkk (1999) .....	22

Gambar 2.15	Fraksi hampa <i>local</i> (thome, 2004) .....	23
Gambar 2.16	Skema fraksi hampa <i>chordal</i> (Thome, 2004).....	23
Gambar 2.17	Fraksi hampa <i>cross-section</i> (Thome, 2004) .....	24
Gambar 2.18	Fraksi hampa volumetrik (Thome, 2004).....	24
Gambar 2.19	<i>Digital Image processing</i> (Mayor dkk., 2007).....	25
Gambar 3.1	Cairan (a) butanol dan (b) akuades .....	30
Gambar 3.2	Skema instalasi penelitian .....	33
Gambar 3.3	Penampung Fluida Cair .....	34
Gambar 3.4	Pompa Air .....	34
Gambar 3.5	Bejana Tekan.....	35
Gambar 3.6	<i>Flowmeter</i> cair (a) 0,001-0,1 mL/menit (b) 0,1-0,5 mL/menit (c)	
	0,3785-3,785 mL/menit .....	36
Gambar 3.7	<i>Gate Valve</i> .....	36
Gambar 3.8	<i>Check Valve</i> .....	37
Gambar 3.9	Kompresor.....	37
Gambar 3.10	<i>Watertrap</i> .....	38
Gambar 3.11	<i>Flowmeter</i> Udara (a) 0,01-0,1 L/menit (b) 0,1-1 L/menit (c) 1-10	
	L/menit .....	39
Gambar 3.12	<i>Mixer</i> .....	40
Gambar 3.13	<i>Test Section</i> .....	40
Gambar 3.14	Lampu LED.....	41
Gambar 3.15	<i>MPX</i> .....	41
Gambar 3.16	<i>Arduino UNO</i> .....	42
Gambar 3.17	Komputer.....	43

Gambar 3.18	Kamera Nikon J4.....	43
Gambar 3.19	Grafik kalibrasi.....	44
Gambar 3.20	Diagram <i>Flowchart</i> .....	46
Gambar 3.21	Kalibrasi <i>Flowmeter</i> cairan 1 dan cairan 2.....	47
Gambar 4.1	Peta pola aliran pada konsentrasi butanol 7% .....	63
Gambar 4.2	Perbandingan peta pola aliran dengan garis transisi (Fukano dan Kariyaki, 1993).....	64
Gambar 4.3	Perbandingan peta pola aliran dengan garis transisi (Triplett dkk., 1999).....	65
Gambar 4.4	Perbandingan peta pola aliran dengan garis transisi (Chung dan Kawaji 2004) .....	66
Gambar 4.5	Fraksi hampa pola aliran <i>plug</i> (a) $J_G = 0,207 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 0,207 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,232 \text{ m/s}$ .....	68
Gambar 4.6	<i>Time-Average</i> pola aliran <i>plug</i> (a) $J_G = 0,207 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 0,207 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,232 \text{ m/s}$ .....	68
Gambar 4.7	PDF pola aliran <i>plug</i> (a) $J_G = 0,207 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 0,207 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,232 \text{ m/s}$ .....	69
Gambar 4.8	Fraksi hampa pola aliran <i>bubbly</i> (a) $J_G = 0,066 \text{ m/s}$ , $J_L = 2,297 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 0,116 \text{ m/s}$ , $J_L = 2,297 \text{ m/s}$ .....	70
Gambar 4.9	<i>Time-Average</i> pola aliran <i>bubbly</i> (a) $J_G = 0,066 \text{ m/s}$ , $J_L = 2,297 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 0,116 \text{ m/s}$ , $J_L = 2,297 \text{ m/s}$ .....	70
Gambar 4.10	PDF pola aliran <i>bubbly</i> (a) $J_G = 0,066 \text{ m/s}$ , $J_L = 2,297 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 0,116 \text{ m/s}$ , $J_L = 2,297 \text{ m/s}$ .....	71

Gambar 4.11 Fraksi hampa pola aliran <i>slug annular</i> (a) $J_G = 4,238 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 9,62 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ .....	72
Gambar 4.12 <i>Time-Average</i> pola aliran <i>slug annular</i> (a) $J_G = 4,238 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 9,62 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ .....	73
Gambar 4.13 PDF pola aliran <i>slug annular</i> (a) $J_G = 4,238 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 9,62 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ .....	73
Gambar 4.14 Fraksi hampa pola aliran <i>annular</i> (a) $J_G = 58,05 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 66,3 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ .....	74
Gambar 4.15 <i>Time-Average</i> pola aliran <i>annular</i> (a) $J_G = 58,05 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 66,3 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ .....	75
Gambar 4.16 PDF aliran pola <i>annular</i> (a) $J_G = 58,05 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 66,3 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,033 \text{ m/s}$ .....	75
Gambar 4.17 Fraksi hampa pola aliran <i>churn</i> (a) $J_G = 22,6 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,539 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 50 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,7 \text{ m/s}$ .....	76
Gambar 4.18 <i>Time-Average</i> pola aliran <i>churn</i> (a) $J_G = 22,6 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,539 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 50 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,7 \text{ m/s}$ .....	77
Gambar 4.19 PDF pola aliran <i>churn</i> (a) $J_G = 22,6 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,539 \text{ m/s}$ (b) $J_G = 50 \text{ m/s}$ , $J_L = 0,7 \text{ m/s}$ .....	77
Gambar 4.20 Hubungan antara fraksi hampa homogen dengan fraksi hampa hasil penelitian ini .....	78
Gambar 4.21 (a) Pengaruh $J_L$ terhadap gradien tekanan dengan variasi $J_G$ , (b) Pengaruh $J_G$ terhadap gradien tekanan dengan variasi $J_L$ .....	80
Gambar 4.22 Pengaruh gradien tekanan terhadap waktu dengan butanol 7% pada $J_G = 0,025 \text{ m/s}$ dan $J_L = 0,232 \text{ m/s}$ .....	81

Gambar 4.23 PDF gradien tekanan dengan butanol 7% pada  $J_G = 0,025 \text{ m/s}$  dan  
 $J_L = 0,232 \text{ m/s}.....81$

## DAFTAR TABEL

Tabel 2.1	Sifat-sifat butanol.....	17
Tabel 3.1	Sifat fisik cairan (Hasil uji Laboratorium Thermal UGM) .....	31
Tabel 3.2	Spesifikasi Penampung Akuades dan Butanol.....	34
Tabel 3.3	Spesifikasi pompa air .....	35
Tabel 3.4	Spesifikasi Bejana Bertekanan .....	35
Tabel 3.5	Spesifikasi kompresor.....	38
Tabel 3.6	Spesifikasi <i>Pressure Transducer</i> .....	41
Tabel 3.7	Spesifikasi Akuisisi Data .....	42
Tabel 3.8	Spesifikasi kamera .....	43
Tabel 3.9	Kalibrasi $J_G$ dan $J_L$ .....	47
Tabel 4.1	Perbandingan pola aliran <i>plug</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ tetap 0,207 m/s dan nilai $J_L$ bervariasi. ....	51
Tabel 4.2	Perbandingan pola aliran <i>plug</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ bervariasi dan nilai $J_L$ tetap 0,033 m/s. ....	52
Tabel 4.3	Perbandingan pola aliran <i>bubbly</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ tetap 0,207 m/s dan nilai $J_L$ bervariasi. ....	54
Tabel 4.4	Perbandingan pola aliran <i>bubbly</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ bervariasi dan nilai $J_L$ tetap 0,879 m/s. ....	55
Tabel 4.5	Perbandingan pola aliran <i>slug annular</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ tetap 9,62 m/s dan nilai $J_L$ bervariasi. ....	56
Tabel 4.6	Perbandingan pola aliran <i>slug annular</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ bervariasi dan nilai $J_L$ tetap 0,091 m/s. ....	57

Tabel 4.7	Perbandingan pola aliran <i>annular</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ tetap 58,05 m/s dan nilai $J_L$ bervariasi. ....	58
Tabel 4.8	Perbandingan pola aliran <i>annular</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ bervariasi dan nilai $J_L$ tetap 0,091 m/s. ....	59
Tabel 4.9	Perbandingan pola aliran <i>churn</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ tetap 4,238 m/s dan nilai $J_L$ bervariasi. ....	60
Tabel 4.10	Perbandingan pola aliran <i>churn</i> dengan konsentrasi butanol 7%, dengan nilai $J_G$ bervariasi dan nilai $J_L$ tetap 0,879 m/s. ....	61

## **DAFTAR LAMPIRAN**

Lampiran 1	Tabel Variasi Kecepatan Superfisial Gas ( $J_G$ ) Terhadap Gradien Tekanan Pada Butanol 7% .....	84
Lampiran 2	Tabel Variasi Kecepatan Superfisial Cairan ( $J_L$ ) Terhadap Gradien Tekanan Pada Butanol 7% .....	89
Lampiran 3	Hasil Kalibrasi <i>Pressure Transducer MPX System</i> .....	92
Lampiran 4	Matriks Pengambilan Data Pola Aliran .....	93
Lampiran 5	Tabel Kecepatan Superfisial Terbentuknya Pola Aliran .....	94
Lampiran 6	Hasil Uji Laboratorium Campuran Aquades dan Butanol.....	97

## **DAFTAR NOTASI DAN SINGKATAN**

- $J_G$  = Kecepatan superfisial gas (m/s)  
 $J_L$  = Kecepatan superfisial cairan (m/s)  
 $Q_G$  = Laju aliran gas dalam pipa ( $m^3/s$ )  
 $Q_L$  = Laju aliran cairan dalam pipa ( $m^3/s$ )  
 $A$  = Luas penampang pipa ( $m^2$ )  
 $\varepsilon$  = Fraksi hampa  
 $\gamma$  = Tegangan permukaan (N/m)  
 $d$  = Panjang permukaan (m)  
 $F$  = Gaya (N)  
 $D_H$  = Diameter pipa (mm)  
 $L$  = Panjang pipa (m)  
 $\rho$  = Massa jenis ( $kg/m^3$ )  
 $\mu$  = Viskositas dinamik ( $N.s/m^2$ )  
 $\nu$  = Viskositas kinematik ( $m^2/s$ )